

Ejercicio nº 3.3

Distribuciones de Probabilidad

1. Centramos nuestro análisis en familias que tienen 5 hijos.
 - a) ¿Qué distribución explica el número de niñas de esas familias?, (Binomial de $n=5$ y $p=0,5$).
 - b) Calcula los parámetros de esa distribución (media = 2,5 niñas; varianza = 1,25; desviación típica = 1,12 niñas).
 - c) Calcula las probabilidades de que esas familias tengan 0, 1, 2, 3, 4 y 5 niñas (Tabla 5.- 0,0313; 0,1563; 0,3125; 0,3125; 0,1563 y 0,0313).
 - d) Representación gráfica (Diagrama de barras de eje x nº de niñas {0, 1, 2, 3, 4, 5} y de eje y probabilidades {0,1; 0,2; 0,3; 0,4}

2. Lanzamos 10 monedas al aire.
 - a) ¿Qué distribución explica el número de caras que vamos a obtener?, (B de $n=10$ y $p=0,5$).
 - b) Calcula los parámetros de esa distribución (media = 5 caras; varianza = 2,5; desviación típica = 1,58 caras).
 - c) Calcula las probabilidades de obtener 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 y 10 caras (0,0010; 0,0098; 0,0439; 0,1172; 0,2051; 0,2461; 0,2051; 0,1172; 0,0439; 0,0098; 0,0010).

3. Lanzamos 10 monedas trucadas al aire, con probabilidad de caras del 0,6.
 - a) ¿Qué distribución explica el número de caras que vamos a obtener?, (B de $n=10$ y $p=0,6$).
 - b) Calcula los parámetros de esa distribución (media = 6 caras; varianza = 2,4; desviación típica = 1,55 caras).
 - c) Calcula las probabilidad de obtener 3 caras { p (3 caras) = p (7 cruces) = 0,0425}.

4. Durante las noches de los días lectivos, se producen una media de 3 entradas de urgencias la hora en un hospital.
 - a) ¿Qué distribución explica mejor el número de urgencias / hora?, (Poisson de $\lambda = 3$).
 - b) Calcula los parámetros de esa distribución (media = 3 urgencias/hora; varianza = 3; desviación típica = 1,73 urgencias/hora).
 - c) Calcula las probabilidades de que en 1 hora no haya ninguna urgencia y 1 urgencia (Tabla 6.- 0,0498 y 0,1494).

- d) El servicio se satura cuando llegan más de 9 urgencias. ¿Cuál es la probabilidad de que se sature? $(p(10) + p(11) + p(12) + \dots = 0.008 + 0,002 + 0,0001 + 0,000 + \dots = 0,0011 = 0,11 \%$
- e) ¿Cuál es el porcentaje de que se sature en los fines de semana, cuando $\lambda = 5$ (3,17 %).
- f) Representación gráfica de una distribución de Poisson de $\lambda = 3$ {Diagrama de barras de eje x (0, 1 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11 y 12) y de eje y con sus probabilidades {0,0498; 0,1494; 0,2240; ...}}

5. El CI (coeficiente de inteligencia) sigue una distribución normal de media 100 y desviación típica 16. Si en una Universidad hay 8.000 alumnos, se pide:

- a) Probabilidad de que un alumno tenga un coeficiente intelectual superior a 120 {primero hay que tipificar 120 con 2 decimales, para poder usar la Tabla 1: $(120-100) / 16 = 1,25$ }, después buscamos este valor que ya está tipificado en la Tabla 1: (0,1056).
- b) Porcentaje de alumnos con el CI superior a 120 (10,56%)
- c) Número de alumnos con CI superior a 120 (845)
- d) Número de alumnos con CI inferior a 80 {primero hay que tipificar 80 con 2 decimales, para poder usar la Tabla 1: $(80-100) / 16 = -1,25$ }, después, como la curva normal es simétrica, es igual la probabilidad de que haya valores por debajo de -1,25 que por encima de 1,25, por lo tanto la solución tiene que ser la misma que la que obtuvimos en el apartado c) (845)
- e) Probabilidad de que el CI esté entre 100 y 116 { $p(100 < CI < 116) = p(Z > 0,00) - p(Z > 1,00) = 0,5000 - 0,1587 = 0,3413 = 34,13\%$ }

6. La talla del pie de los adultos varones se ajusta a una normal de media 42 y desviación típica 1,2 y un fabricante quiere ofertar 10.000 pares de zapatos para la próxima temporada.

- a) ¿Cuántos debe de fabricar de la talla 43? (la talla 43 la usarán todos los clientes cuyo pie mida entre 42,5 y 43,5.
Si tipificamos los datos: $p(42,5 < x < 43,5) = p(0,41 < z < 1,25)$.
Si vamos a la Tabla 1: $p(0,41 < z < 1,25) = p(Z > 0,41) - p(Z > 1,25) = 0,3409 - 0,1056 = 0,2353 = 23,53\% = 2.353$ zapatos.
- b) ¿Cuántos de la Talla 41 (el mismo resultado que el apartado a)
- c) ¿Cuántos debe de fabricar de la talla 44?
Si tipificamos los datos: $p(43,5 < x < 44,5) = p(1,25 < z < 2,08)$.
Si vamos a la Tabla 1: $p(1,25 < z < 2,08) = p(Z > 1,25) - p(Z > 2,08) = 0,1056 - 0,0188 = 0,0868 = 8,68\% = 868$ zapatos.
- d) ¿Cuántos de la Talla 40 (el mismo resultado que el apartado c)
- e) ¿Cuántos de la Talla 42 (31,82 %)